# Aufgaben zur Vorlesung Vertiefung Mathematik I für NWI

D. Frettlöh S. Selle

## Sommersemester 2007

Abgabe: Mittwoch, 27.06.2007, 8:30 Uhr

Übungsgruppen: Di. 12-14, Di. 14-16, Postfach: UV5-1829 (Thomas Regier)

Di. 10-12, Postfach: UV5-1822 (Sabrina Selle)

### Aufgabe 34:

(a) Welche lineare Differentialgleichung zweiter Ordnung besitzt die beiden Lösungen

$$u_1(t) = \mathbf{e}^t$$
 und  $u_2(t) = \mathbf{e}^{2t}$ ?

(b) Zeigen Sie unter Verwendung der Wronski-Matrix, dass  $u_1$  und  $u_2$  linear unabhängig sind.

(6 Punkte)

### Aufgabe 35:

Lösen Sie die folgenden Anfangswertaufgaben zweiter Ordnung:

(a) 
$$2u'' + 8u' + 10u = 0$$
,  $u(0) = 1$ ,  $u'(0) = 0$ ,

**(b)** 
$$u'' - 4u' + 13 = 0$$
,  $u(0) = 5$ ,  $u'(0) = 1$ ,

(c) 
$$u'' - 3u' + 2u = 0$$
,  $u(0) = 1$ ,  $u'(0) = 0$ .

(6 Punkte)

#### Aufgabe 36:

Seien  $u_1,\,u_2\in C^2(J,\mathbb{R})$  zwei Lösungen der Differentialgleichung

$$u'' + a(t)u' + b(t)u = 0$$

auf einem Intervall J, wobei  $a, b \in C(J, \mathbb{R})$ .

Sei  $V(t) := \det (W(u_1, u_2)(t))$  die Wronski-Determinante. Beweisen Sie, dass V(t) auf dem Intervall J die Differentialgleichung

$$V'(t) = -a(t)V(t)$$

löst. (6 Punkte)