Universität Bielefeld Prof. Dr. Barbara Gentz Dr. Jason Uhing Sommersemester 2025

## Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik © Präsenzübung 08

Bearbeitung: 03. Juni bis 05. Juni in den Tutorien

## Präsenzaufgabe 8.1 [Erwartungswert und Varianz]

Sei X eine Zufallsvariable mit Bildbereich  $X(\Omega) = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ , die auf einem Wahrscheinlichkeitsraum  $(\Omega, \mathbb{P})$  definiert ist. Es gelte

$$\mathbb{P}(X = -1) = \mathbb{P}(X = 1) = p/4$$
 und  $\mathbb{P}(X = -2) = \mathbb{P}(X = 2) = 1/4$ 

mit einem Parameter p.

- **a** Bestimmen Sie die Verteilung  $\mu_X$  von X in Abhängigkeit von p. Welche Werte von p sind zulässig?
- **b** Existiert der Erwartungswert von X? Falls ja, berechnen Sie diesen.
- **c** Existiert die Varianz von X? Falls ja, berechnen Sie diese.
- **d** Bearbeiten Sie die Aufgabenteile (b) und (c) für Y = X + 1 anstelle von X.