

## Übungen zur Vorlesung Wissenschaftliches Rechnen

### C++ Mini-Projekt Nummer 1

Schreiben Sie die Programme, beantworten Sie die Fragen, und schicken Sie beides an meine Emailadresse, siehe unten. Im Betreff soll bitte das Wort “Miniprojekt” vorkommen. Es reicht mir der C++-Quellcode, die Fragen können Sie im Kommentar im Quellcode beantworten, oder in der Programmausgabe. Es reichen ja jeweils ein bis drei Sätze. Bitte beide Lösungen in einem einzigen C++-Programm zusammenfassen, und dieses bitte mit Ihrem techfakaccount benennen (also z.B. `dfrettloeh.cpp`).

#### Aufgabe 1:

Schreiben Sie ein C++-Programm, das die Werte der harmonischen Reihe  $\sum_{k=1}^n \frac{1}{k}$  berechnet, jeweils für  $n = 10^7$  und  $n = 10^8$ , und zwar einmal durch Berechnen von  $\frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{n-1} + \frac{1}{n}$  (vorwärts), und einmal durch Berechnen von  $\frac{1}{n} + \frac{1}{n-1} + \dots + \frac{1}{2} + \frac{1}{1}$  (rückwärts). Benutzen Sie dabei für die Summe jeweils die Datentypen `float` und `double`.

**Wichtig:** `cout` gibt standardmäßig nur sechs Dezimalstellen aus. Sie können die Anzahl der Stellen in der Ausgabe z.B. auf 15 Dezimalstellen setzen mit dem Befehl `cout.precision(15)`.

Es ergeben sich also die folgenden acht Fälle:

		$10^7$	$10^8$			$10^7$	$10^8$
float:	vorwärts			double:	vorwärts		
	rückwärts				rückwärts		

Was sind die jeweiligen Ergebnisse? Was fällt auf? Wie erklärt sich das? Was ist Ihre beste Schätzung für den wahren Wert?

#### Aufgabe 2:

Schreiben Sie ein C++-Programm, das die Werte von  $e$  bzw. von  $\pi$  näherungsweise auf verschiedene Weisen berechnet, durch die folgenden Reihen. Benutzen Sie für die Summen den Typ `double`. Das heißt, für die Genauigkeit sind die ersten 15 Dezimalstellen relevant.

$$1. e \approx \sum_{k=0}^n \frac{1}{k!}$$

$$2. \pi \approx 4 \sum_{k=0}^n \frac{(-1)^k}{2k+1}$$

$$3. \pi \approx \sqrt{6 \sum_{k=1}^n \frac{1}{k^2}}$$

$$4. \pi \approx \left( \frac{2\sqrt{2}}{9801} \sum_{k=0}^n \frac{(4k)!(1103+26390k)}{(k!)^4 396^{4k}} \right)^{-1}$$

Was sind jeweils geeignete Werte für  $n$ ? Geeignet heißt hier: das minimale  $n$ , das bereits einen Wert liefert, der auf 10 Dezimalstellen mit dem wahren Wert übereinstimmt (ohne zu runden). Falls  $n$  größer wird als  $10^9$  dauert die Rechnung zu lange. In dem Fall geben Sie umgekehrt die Zahl der genauen Dezimalstellen an.