Kryptographie WS~2015/16

Barbara Baumeister

Tutoren: Apolonia Gottwald, Soeren Senkovic

## 8. Übungsblatt

Abgabe: Donnerstag, 17.12.2015

Aufgabe 1 Wie kann man aus zwei ElGamal-Chiffretexten einen dritten ElGamal-Chiffretext machen, ohne den geheimen Schlüssel zu kennen? Wie kann diese Attacke verhindert werden?

**Aufgabe 2** Der öffentliche Schlüssel von Alice ist  $(p, \alpha, \beta) = (47, 5, 11)$ . Bob schickt Alice den ElGamal-Chiffretext (43, 4). Bestimmen Sie den zugehörigen Klartext.

Aufgabe 3 Sei  $G = \mathbb{Z}_{1999}^*$ .

- (a) Überprüfen Sie, ob 1996 in  $\langle 12 \rangle$  liegt.
- (b) Berechnen Sie unter Verwendung eines Computer-Algebra-Systems den diskreten Logarithmus  $\log_{12}1996$  in G mit Hilfe des Baby-Step-Giant-Step-Algorithmus.

**Aufgabe 4** Berechnen Sie mit dem Index-Calculus-Algorithmus unter Verwendung der Faktorbasis  $\{2, 3, 5, 7, 11\}$  die Lösung von  $7^x \equiv 13 \mod 2039$ .