

### 13. Übungsblatt

Abgabe: Die, 3.2.2009

**Aufgabe 1** Gegeben sei die elliptische Kurve  $E : y^2 = x^3 - x$ .

- (a) Berechnen Sie  $|E(\mathbb{Z}_5)|$ .
- (b) Bestimmen Sie die Struktur von  $E(\mathbb{Z}_5)$ .

**Aufgabe 2** Sei  $E : y^2 = x^3 + ax + b$  eine elliptische Kurve über dem Körper  $K$ . Wie viele Elemente der Ordnung 2 kann  $E(K)$  höchstens haben?

**Aufgabe 3** Berechnen Sie unter Verwendung eines Computer-Algebrasystems den diskreten Logarithmus  $\log_3 1996$  in  $\mathbb{Z}_{1999}^*$  mittels des Baby-Step-Giant-Step-Algorithmus.