

Der Schnitt von qq' mit oq'' hat die complexe Zahl =

$$Q'' = \frac{(1, 3)(2, 4)(3, 0)}{a''a''' + b''b'''} p'' \text{ u. s. w.}$$

Das oben erwähnte Product wird

$$\begin{aligned} &= -(0, 2)(1, 3)(2, 4)(3, 0)(4, 1) \\ Q'' - q &= \frac{(1, 3)(2, 4)(b a'' - a b''')}{a''a''' + b''b'''} (b'' - a''i) \\ q' - Q'' &= \frac{(2, 4)(3, 0)(a b'' - b a''')}{a''a''' + b''b'''} (b'' - a''i) \end{aligned}$$

[3.]

Die Relationen zwischen den Seiten des sphärischen Fünfecks so

Tangenten	Quadrate der		Gleichungen
	Secanten	Cosecanten	
α	$\gamma\delta$	$\frac{\gamma\delta}{\alpha}$	$1 + \alpha = \gamma\delta$
β	$\delta\epsilon$	$\frac{\delta\epsilon}{\beta}$	$1 + \beta = \delta\epsilon$
γ	$\epsilon\alpha$	$\frac{\epsilon\alpha}{\gamma}$	$1 + \gamma = \epsilon\alpha$
δ	$\alpha\beta$	$\frac{\alpha\beta}{\delta}$	$1 + \delta = \alpha\beta$
ϵ	$\beta\gamma$	$\frac{\beta\gamma}{\epsilon}$	$1 + \epsilon = \beta\gamma$

Diese Gleichungen sind nicht unabhängig, es ist nemlich identisch:

$$\begin{aligned} (1 + \gamma)(1 + \beta - \delta\epsilon) - (1 + \beta)(1 + \gamma - \epsilon\alpha) &= \epsilon\{(1 + \beta)\alpha - (1 + \gamma)\delta\} \\ &= \epsilon\{\alpha\beta - \delta - 1 - (\gamma\delta - \alpha - 1)\} \end{aligned}$$

und auf ähnliche Weise wird die fünfte aus dreien der übrigen abgeleitet.

Aus zweien der Grössen $\alpha, \beta, \gamma, \delta, \epsilon$ folgen die übrigen

$$\begin{aligned} \beta &= \frac{1 + \alpha + \gamma}{\alpha\gamma}, & \beta &= \frac{1 + \delta}{\alpha}, & \gamma &= \frac{1 + \alpha}{\alpha\beta - 1}, & \beta &= \frac{1 + \epsilon}{\alpha\epsilon - 1} \\ \delta &= \frac{1 + \alpha}{\gamma}, & \gamma &= \frac{1 + \alpha}{\delta}, & \delta &= \alpha\beta - 1, & \gamma &= \alpha\epsilon - 1 \\ \epsilon &= \frac{1 + \gamma}{\alpha}, & \epsilon &= \frac{1 + \alpha + \delta}{\alpha\delta}, & \epsilon &= \frac{1 + \beta}{\alpha\beta - 1}, & \delta &= \frac{1 + \alpha}{\alpha\epsilon - 1} \end{aligned}$$

Beispiel