

t	$\alpha\beta\gamma\delta\epsilon$	t	$\alpha\beta\gamma\delta\epsilon$	t	$\alpha\beta\gamma\delta\epsilon$
∞	∞	+1.9	+16.6	+1.0	∞
+10	+400.9	+1.8	+15.2	negativ
+9	+325.1	+1.7	+14.0	-1.0	∞
+8	+257.1	+1.6	+12.9	-1.618034	+ 11.0901699
+7	+197.2	+1.5	+12.0	-2	+ 16.7
+6	+145.2	+1.4	+11.34	-3	+ 36.7
+5	+101.2	+1.309017	+11.0901699	-4	+ 64.8
+4	+ 65.3	+1.3	+11.09	-5	+100.8
+3	+ 37.5	+1.2	+11.76	$-\infty$	∞
+2	+ 18	+1.1	+15.84		

Damit also drei reelle Wurzeln Statt finden, muss $\alpha\beta\gamma\delta\epsilon > 11.0901699$ oder $\frac{11}{2} + \frac{\sqrt{125}}{2}$ sein, die Grenzwerte für t sind also: $+1.309017 = \frac{3+\sqrt{5}}{4}$ und $-1.618034 = -\frac{1+\sqrt{5}}{2}$.

[6].

A, B, C, D, E die Winkelpunkte des Polygons

a, b, c, d, e Pole der Diagonalen

0, 1, 2 die drei Hauptachsen entsprechend den Wurzeln G, G', G'' der Gleichung

$$\frac{t(2t-1)^2}{t-1} = (\text{tang } AB \cdot \text{tang } BC \cdot \text{tang } CD \cdot \text{tang } DE \cdot \text{tang } EA)^2$$

wo für G die negative Wurzel genommen werden mag; so dass

$$Guu + G'u'u + G''u''u'' = 0$$

wenn u die Coordinaten irgend eines der Punkte A, B, C, D, E bedeuten, also zugleich $uu + u'u' + u''u'' = 1$.

Die Quelle der Hauptsätze ist in den zwei Gleichungen enthalten

$$\text{I.} \quad \cos \theta A \cdot \cos \theta b = -\frac{\text{tang } EA \cdot (2(t-1) - \text{tang } AB^2)}{4(t-G')(t-G'')}$$

$$\text{II.} \quad \cos \theta A \cdot \cos \theta C = -\frac{2G-1 - \frac{1}{\sin DE^2}}{4 \cos BC \cdot \cos AB (G-G')(G-G'')}$$